倒立摆建模与控制

# 问题描述

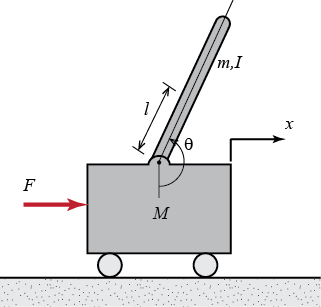


图 1.1 倒立摆示意图

表 1-1 系统参数说明

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  |  |
|  | 小车质量 | 0.5kg |
|  | 摆杆的质量 | 0.2kg |
|  | 小车的阻力系数 | 0.1N/m/sec |
|  | 倒立摆质心到轴的距离 | 0.3m |
|  | 摆杆的转动惯量 | 0.006kg·m^2 |
|  | 外界施加给小车的力 |  |
|  | 小车的位移 |  |
|  | 摆杆与竖直线的夹角（下方） |  |



**单输入单输出系统控制目标**：

1. 的调节时间小于5秒
2. 摆杆偏离竖直位置的角度小于0.05rad

**单输入多输出系统控制目标**：

1. 和的调节时间均小于5秒
2. 的上升时间小于0.5秒
3. 与竖直位置的偏差不超过20°（0.35rad）
4. 和的稳态误差小于2%

# 系统建模

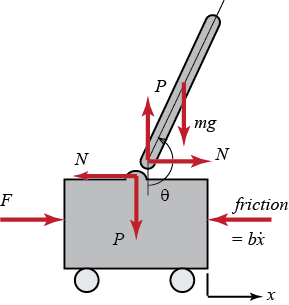


图 2.1 受力分析

小车水平方向受力分析：

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ( 2‑1 ) |

小车竖直方向受力分析没啥意义。

摆杆水平方向受力分析：

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ( 2‑2 ) |

将公式( 2‑2 )代入公式( 2‑1 )：

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ( 2‑3 ) |

对垂直与摆杆的方向进行受力分析：

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ( 2‑4 ) |

对摆杆的转动力矩进行分析：

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ( 2‑5 ) |

结合( 2‑4 )和( 2‑5 )可得：

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  |  | ( 2‑6 ) |